$\mathcal{C}_{n,\mathrm{real}}$