$$\hat{v} \to 0 \, (y \to \pm\infty)$$